

纯口胡的 Solution:

T1:

对于每个岛屿求出其  $[l,r]$  的区间，然后问题转化为选取最少的点覆盖所有的区间；  
那么我们把区间按照右端点排序，记 last 为上一步选取的点所在的区间，然后当  $q[i].l > q[last].r$  的时候新建一个点即可；

T2:

经典的合并果子问题，用二叉 Huffman 树实现即可；

T3:

给定一个无向图，可以把  $k$  条边的边权缩为 0，然后询问 1-n 路径上的最大边权的最小值；  
做法比较多；

1. 因为  $n \leq 1000, k < 1000$ ，那么我们设  $dis[i][j]$ ，表示到  $i$  号节点用了  $j$  次免费机会的最大值；  
用 spfa 来实现这个 dp 转移即可；

2. 一种更为优秀的算法，因为答案满足可二分性，所以我们可以二分这个最大值 Mid，然后我们定义  $dis[i]$  表示到  $i$  号节点经过的边权  $> Mid$  的最少的边的个数，判断是否  $dis[n] \leq k$  来进行 check；

T4:

有  $n$  个带权区间，要求选取的区间不相交且两个区间的距离  $\geq R$ ，问能获得的最大权值；  
首先把区间按照右端点排序，设  $dp[i]$  表示到第  $i$  个区间的最大收益，转移也很 simple:

$$dp[i] = \max(dp[i], dp[j] + val[i]) \quad [l[j] + R \leq r[i]];$$

$$dp[i] = \max(dp[i], dp[i-1]);$$

转移可以用数据结构优化，但没必要了；

T5:

把一个序列变为不降或不升子序列的最少代价，定义每个数改变的代价为  $abs()$ ；

先考虑变为不降序列的做法，不升则类似；

$n \leq 1000$ ，那么我们考  $n^2$  dp，设  $dp[i][j]$ ，表示把  $i$  位置上的数改为  $j$  并且保证合法的最小代价；  
因为  $j$  很大，我们把第二维离散化即可，显然转移只会和前面一个有关；

朴素的转移：

$$dp[i][j] = \min\{abs(hsh[v[i]] - hsh[v[j]]) + dp[i-1][k] \mid k \leq j\};$$

显然我们需要维护  $dp[i-1][k] \ (k \leq j)$  的最小值就可以完成优化了，那么我们用数组维护前缀最小值即可，设为  $Min[i][j]$ ；

那么转移变为

$$dp[i][j] = abs(hsh[v[i]] - hsh[v[j]]) + Min[i-1][j];$$

$$Min[i][j] = \min(Min[i][j-1], dp[i][j]);$$

这两个数组都可以滚，然后不升就是维护后缀最小值即可；

T7:

问用  $n$  个数，每个数无限个，能凑出  $k$  的方案数；

相当于用完全背包累计方案， $f[i] += f[i-a[j]]$ ，但是  $f$  数组可能有高精度数，但是位数还是比较少，可以用两个 long long 的数来模拟高精度进位，操作和 9.11 的考试 T3 惊人的类似，我们用一个 long long 存后 18 位记为  $a$ ，另一个 long long 存前 18 位记为  $b$ ，那么  $(b1 * \text{long long} + a1) + (b2 * \text{long long} + a2)$  就相当于  $(b1 + b2 + (a1 + a2) / \text{long long}) * \text{long long} + (a1 + a2) \% \text{long long}$ ；然后分别输出  $b, a$  即可；

T8:

分组背包，问能凑出多少数字；

就是正常的分组背包问题，解法经典略过，二进制分组会 TLE，注意  $c[i]*a[i] \geq m$  就用完全背包；

T9:

n 个点，每个点有两个权值 a,b,在其中选点，问满足  $\sum a \geq 0, \sum b \geq 0$  的条件下， $\sum a + \sum b$  的最大值；

每个点只能选一次，我们考虑用 0/1 背包来实现，那么我们把 a 当做重量，b 当做权值，那么相当于是满足重量和权值均  $\geq 0$  的条件下，重量+权值的最大值，我们用  $dp[i]$  表示容量为 i 的最大权值，让后按正常的 0/1 背包进行转移即可，注意可能有负数，所以空间  $\times 2$  即可；

T10:

n 个奶牛叠罗汉，然后每个奶牛有重量和力量，要求出一种排列，使得每个奶牛，在他之上的奶牛的重量-他的力量的最大值最小；

直观上感觉，需要重量大和力量大的在下面，做法是按照  $s+w$  进行排序，然后输出答案；

具体思路和证明和国王游戏类似,即证明交换后不会更优;

设  $D_i$  表示第 i 头奶牛的难受值， $W_i$  表示第 i 头奶牛的体重， $S_i$  表示第 i 头奶牛的力量，

令 i,j 相邻,且  $W_i + S_i > W_j + S_j$ ，设  $\sum$  表示 i 和 j 上面的奶牛的重量之和

当 i 在 j 的上方时有

$$D_i = \sum - S_i \quad ①$$

$$D_j = \sum + W_i - S_j \quad ②$$

当 j 在 i 的上方时有

$$D_i = \sum + W_j - S_i \quad ③$$

$$D_j = \sum - S_j \quad ④$$

显然我们可以得到

$$③ > ①, ② > ④, ② > ③$$

这里面 ② 最大，所以如果我们让 i 在 j 的上方最终答案一定不会更优，即证得此贪心策略的正确性。

T11:

给定一个字符串，可以增删字符，每个字符增删的代价不同，问把其变为一个回文串的最小代价；

很容易想到区间 DP 的模型，定义  $dp[i][j]$  表示把区间 i-j 变为回文串的最小代价，每次只会在区间两端进行操作，那么主要说一下  $s[i] \neq s[j]$  的转移：

$$dp[i][j] = \min(dp[i][j], dp[i][j-1] + \min(d[s[j]], a[s[i]]));$$

$$dp[i][j] = \min(dp[i][j], dp[i+1][j] + \min(d[s[i]], a[s[j]]));$$

T12:

题意就是  $n \leq 10$ ，所以爆搜；

用状压 Spfa 实现即可

T13:

Vijos 遭遇战，当然也可以用线段树优化 Dp 来实现；

只说明 Spfa 的做法，问题变为 1—n 的最短路，然后从  $s_i$  向  $t_{i+1}$  连边，每天来回连边即可；

T14:

网格图上有  $n$  个点，要求选择一条至少涵盖三个点的等差路径，使得其覆盖的点最多；

$O(n^2)$ 的枚举起点和第二个点，然后  $O(n)$ 的计算答案，有一个剪枝，就是判断起点能否跳进来，这样保证了路径只会在其最优的起点被枚举一次；