

1. 计数

解题思路

容斥原理即可
时间复杂度 $O(2^m \cdot \log)$

2. 区间第 k 大

解题思路

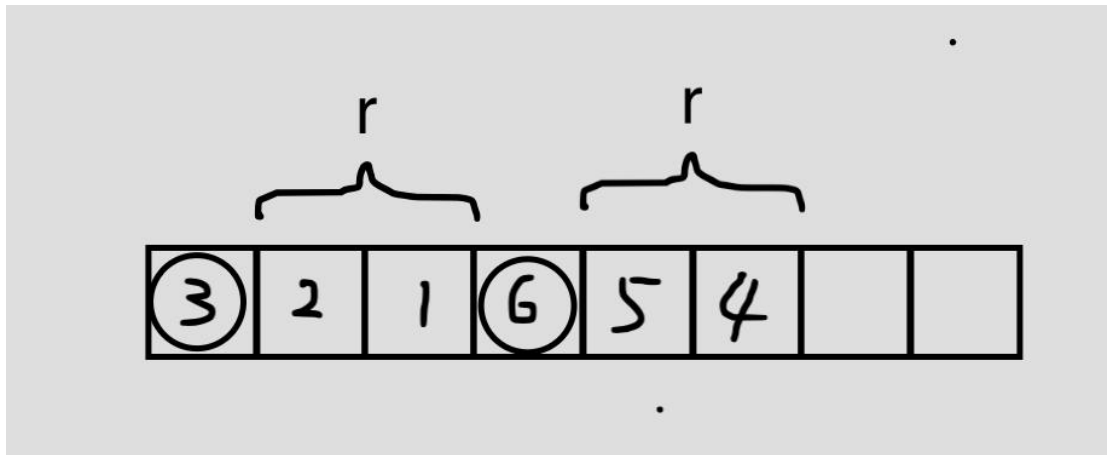
对于 30% 的数据：
求出每个区间的价值，然后排序
时间复杂度 $O(n^2 \cdot \log 2n)$
对于 60% 的数据：
对于 30% 的做法中，在 m 个元素中寻找第 k 大可以在快排中做到 $O(m)$
时间复杂度 $O(n^2)$
对于 100% 的数据：
二分答案 ans ，统计有多少个区间的价值大于等于 ans
区间 $[l-1, r]$ 的价值一定大于等于 $[l, r]$
所以对于每一右端点 i ，必定存在一个阈值 K_i 使得对于所有的 $l \leq K_i$ $[l, i]$ 的价值必定大于等于 ans
且随之 i 的增大， K_i 也必定单调不降
用两个单调队列来维护阈值 K 的移动（一个维护最小值，一个维护最大值，当 K 增加时判定最大值 - 最小值是否大于等于 ans 即可）
时间复杂度 $O(\log 2109 \cdot n)$

3. 武器分配

解题思路

题解
对于 30% 的数据：
 $n!$ 枚举即可
时间复杂度 $O(n! \cdot n)$
对于 60% 的数据：
考虑按照攻击力从大到小放置武器，用二进制状态 k 表示每个堡垒是否放入了武器。根据二进制状态 1 的个数可算出下一个应该放哪一武器，再 $O(n)$ 转移即可。
对于 100% 的数据：
考虑如果选定了几个武器要求这些武器都不被摧毁，判断是否可能按照攻击力从小到大把每个选定的武器放入，每放入一个选定的武器后在其后面添加 r 个比他攻击力小的武器，若当前找不出 r 个比它攻击力小的武器则判断失败

如图，选定 3 号、6 号武器，即可通过如下方式进行构造



以上判断有个简单的表示方式：攻击力第 i 小的选定武器其攻击力在所有武器中的排名需要 $\geq i \cdot (r+1)$

需要注意的是，如果最后放入的选定武器是攻击力最大的武器则不需要这个判断

所以，可以按照攻击力从小到大把所有武器排序， $dp[i][j]$ 表示前 j 个武器选了 i 个且判定合法的战场贡献最大值

$dp[i][1 \sim (r+1) \cdot i - 1] = -INF$

$f[i][j] = \max(dp[i][k]) = \max(dp[i][j], f[i][j-1]), k < j$

$dp[i][j] = \max(dp[i-1][k] + contribution[j] = f[i-1][j-1] + contribution[j], k < j$

在所有 $dp[i][j]$ 中取最大值即为答案